

**1** 次の□にあてはまる数を求めなさい。

20

(1)  $1027 \div 26 = \square$  (わり切れるまで計算しなさい。)

(2)  $3\frac{3}{7} \times 1.25 = \square$

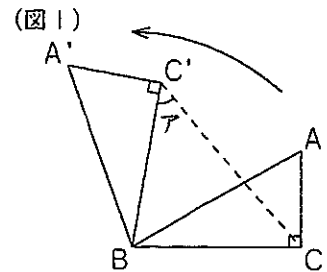
(3)  $37 \div 1.6 + 43 \div 1.6 = \square$

(4)  $6000 \text{ L} = \square \text{ kL}$

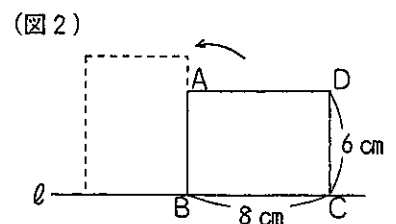
**2** 次の問いに答えなさい。

20

(1) (図1)のように、直角三角形ABCを頂点Bを中心にして矢印の方向に80度回転させたところ、三角形A'B'C'に移りました。角アの大きさは何度ですか。



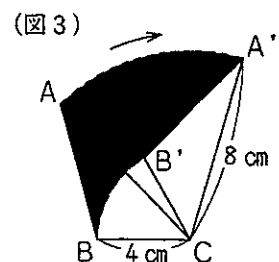
(2) (図2)のように、長方形ABCDを、頂点Bを中心にして直線ℓにそって矢印の方向にすべらないように1回だけ転がしました。



① 点Aが動いたあとの線の長さは何cmですか。

② 辺BCが動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

(3) (図3)のように、三角形ABCを頂点Cを中心にして矢印の方向に60度回転させたところ、三角形A'B'C'に移りました。辺ABが動いたあとの図形(図のかげの部分の図形)の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。



3  
24

次の問いに答えなさい。

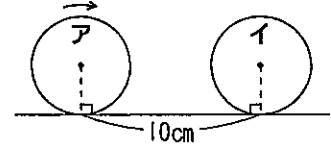
(1) 半径10cm, 中心角72度のおうぎ形があります。

① このおうぎ形の弧の長さは何cmですか。

② このおうぎ形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

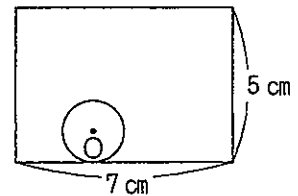
(2) (図1)のように, 半径3cmの円が直線にそってア的位置から矢印の方向にイの位置まで転がりました。円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

(図1)



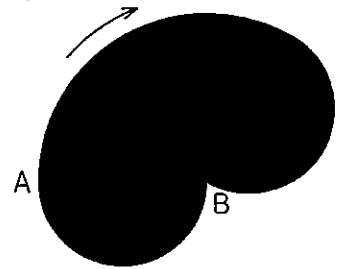
(3) (図2)のように, 半径1cmの円が, たて5cm, 横7cmの長方形の内側を辺にそって転がりながら1周してもとの位置にもどります。このとき, 円の中心Oが動いたあとの線の長さは何cmですか。

(図2)



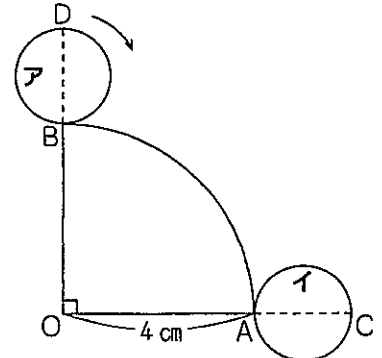
(4) (図3)のように, 直径ABを直径とする円を, Bを中心にして矢印の方向に120度回転させました。図のかげの部分は, 円が動いたあとの図形を表しています。かげの部分の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

(図3)

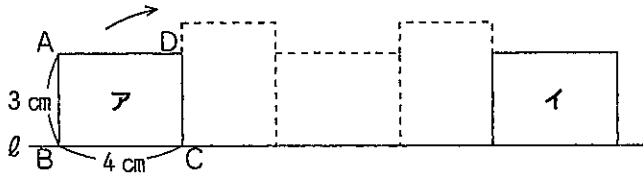


(5) (図4)のように, 半径4cmの四分円の弧にそって, 半径1cmの円がア的位置から矢印の方向にイの位置まで転がります。このとき, 円が通ったあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

(図4)

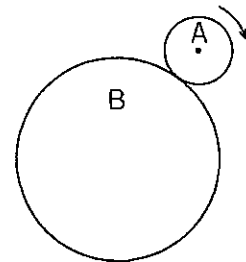


- 4 下の図の長方形ABCDを、直線ℓにそって、アの位置から矢印の方向にイの位置まですべらないように転がしました。これについて、次の問いに答えなさい。ただし、長方形ABCDの対角線の長さは5 cmです。



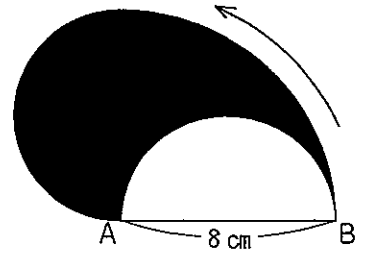
- (1) 頂点Bが動いたあとの線の長さは何cmですか。
- (2) 頂点Bが動いたあとの線と直線ℓで囲まれた図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

- 5 右の図のように、半径1 cmの円Aが、半径3 cmの円Bのまわりにそって、矢印の方向に転がりながら1周してもとの位置にもどります。これについて、次の問いに答えなさい。



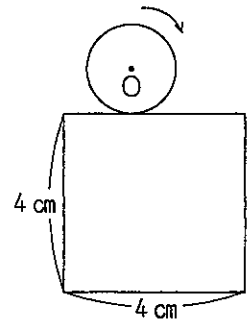
- (1) 円Aの中心が動いたあとの線の長さは何cmですか。
- (2) 円Aが動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

- 6 右の図のように、直線  $AB$  を直径とする半円を、点  $A$  を中心にして矢印の方向に  $90$  度回転させました。かげの部分は、弧  $AB$  が動いたあとの図形を表しています。これについて、次の問いに答えなさい。



- (1) かげの部分の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。
- (2) かげの部分のまわりの長さは何  $\text{cm}$  ですか。

- 7 右の図のように、半径  $1 \text{ cm}$  の円が、1 辺  $4 \text{ cm}$  の正方形のまわりにそって矢印の方向に転がりながら、1 周してもとの位置にもどります。これについて、次の問いに答えなさい。



- (1) 円の中心  $O$  が動いたあとの線の長さは何  $\text{cm}$  ですか。
- (2) 円が動いたあとの図形の面積は何  $\text{cm}^2$  ですか。

**1** 次の□にあてはまる数を求めなさい。

20

(1)  $1027 \div 26 = \square$  (わり切れるまで計算しなさい。)

(2)  $3\frac{3}{7} \times 1.25 = \square$

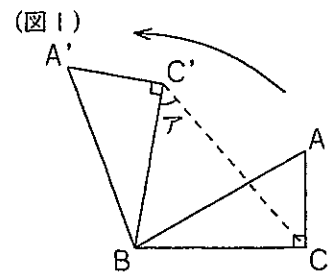
(3)  $37 \div 1.6 + 43 \div 1.6 = \square$

(4)  $4500000 \text{ cm}^3 = \square \text{ kL}$

**2** 次の問いに答えなさい。

20

(1) (図1)のように、直角三角形ABCを頂点Bを中心にして矢印の方向に80度回転させたところ、三角形A'BC'に移りました。角アの大きさは何度ですか。

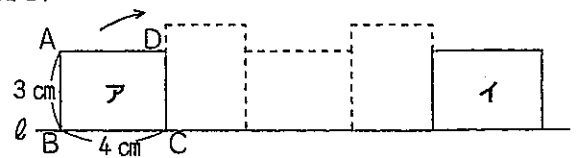


(2) (図2)の長方形ABCDを、直線ℓにそって、アの位置(図2)

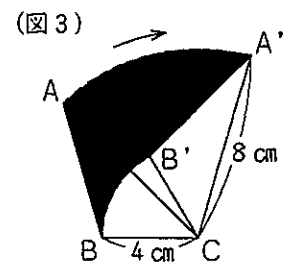
から矢印の方向にイの位置まですべらないように転がしました。ただし、長方形ABCDの対角線の長さは5 cmです。

① 頂点Bが動いたあとの線の長さは何cmですか。

② 頂点Bが動いたあとの線と直線ℓで囲まれた図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。



(3) (図3)のように、三角形ABCを頂点Cを中心にして矢印の方向に60度回転させたところ、三角形A'B'Cに移りました。辺ABが動いたあとの図形(図のかげの部分の図形)の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

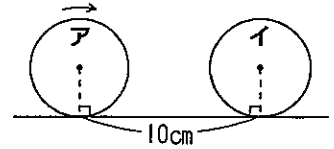


3  
24

次の問いに答えなさい。

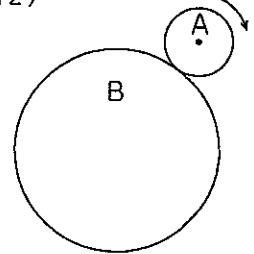
- (1) (図1)のように、半径3 cmの円が直線にそってア的位置から矢印の方向にイ的位置まで転がりました。円が動いたあとの図形の面積は何 $\text{cm}^2$ ですか。

(図1)



- (2) (図2)のように、半径1 cmの円Aが、半径3 cmの円Bのまわりにそって、矢印の方向に転がりながら1周してもとの位置にもどります。

(図2)

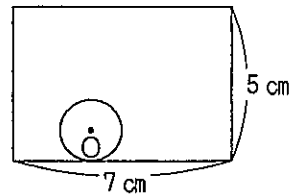


- ① 円Aの中心が動いたあとの線の長さは何cmですか。

- ② 円Aが動いたあとの図形の面積は何 $\text{cm}^2$ ですか。

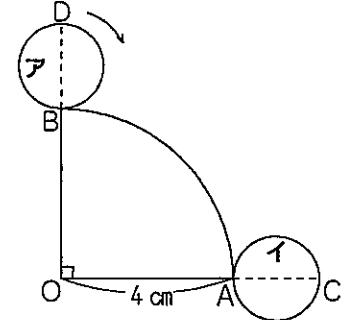
- (3) (図3)のように、半径1 cmの円が、たて5 cm、横7 cmの長方形の内側を辺にそって転がりながら1周してもとの位置にもどります。このとき、円の中心Oが動いたあとの線の長さは何cmですか。

(図3)



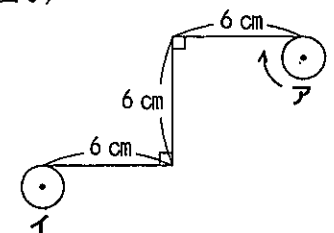
- (4) (図4)のように、半径4 cmの四分円の弧にそって、半径1 cmの円がア位置から矢印の方向にイ位置まで転がります。このとき、円が通ったあとの図形の面積は何 $\text{cm}^2$ ですか。

(図4)



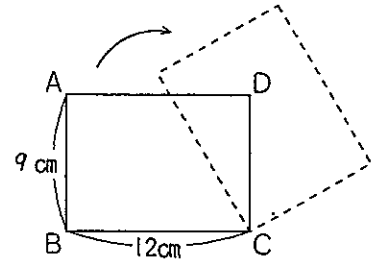
- (5) (図5)のように、半径1 cmの円が、折れ線にそって、ア位置から矢印の方向にイ位置まで転がります。円が動いたあとの図形の面積は何 $\text{cm}^2$ ですか。

(図5)



4  
8

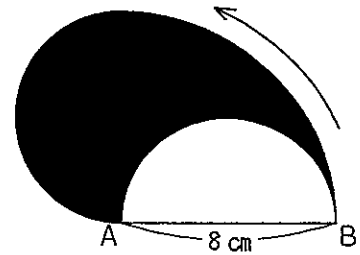
右の図のように、長方形ABCDを、頂点Cを中心にして矢印の方向に60度回転させました。これについて、次の問いに答えなさい。ただし、長方形ABCDの対角線の長さは15cmです。



- (1) 頂点Aが動いたあとの線の長さは何cmですか。
- (2) 辺ABが動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。

5  
8

右の図のように、直線ABを直径とする半円を、点Aを中心にして矢印の方向に90度回転させました。かげの部分は、弧ABが動いたあとの図形を表しています。これについて、次の問いに答えなさい。

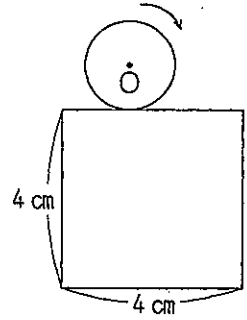


- (1) かげの部分の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。
- (2) かげの部分のまわりの長さは何cmですか。

6  
10

右の図のように、半径1 cmの円が、1辺4 cmの正方形のまわりにそって矢印の方向に転がりながら、1周してもとの位置にもどります。これについて、次の問いに答えなさい。

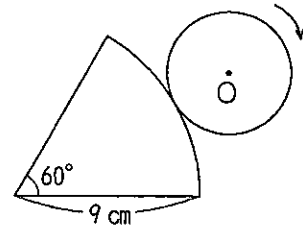
- (1) 円の中心Oが動いたあとの線の長さは何cmですか。
- (2) 円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。



7  
10

右の図のように、半径3 cmの円が、おうぎ形のまわりにそって矢印の方向に転がりながら1周してもとの位置にもどります。これについて、次の問いに答えなさい。

- (1) 円の中心Oが動いたあとの線の長さは何cmですか。
- (2) 円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。





1  
10

次の□にあてはまる数を求めなさい。

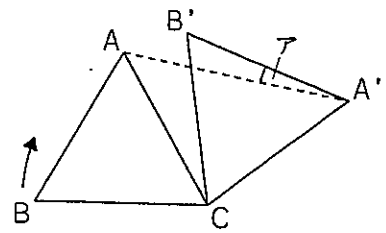
(1)  $0.75 - \left(\frac{5}{18} + \frac{1}{12}\right) = \square$

(2)  $\left(4\frac{1}{6} \times \square + \frac{1}{3}\right) \div 2\frac{4}{9} = \frac{1}{4}$

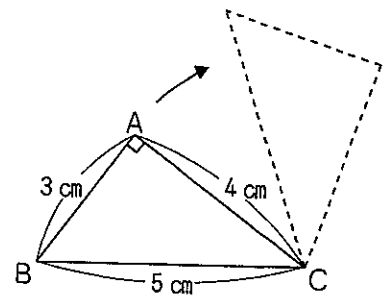
2  
18

次の問いに答えなさい。

- (1) 右の図のように、正三角形ABCを、頂点Cを中心にして矢印の方向に82度回転させました。角アの大きさは何度ですか。



- (2) 右の図のように、直角三角形ABCを、頂点Cを中心にして矢印の方向に72度回転させます。このとき、直角三角形ABCが動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>になりますか。



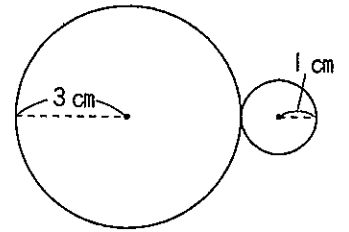
- (3) 下の図のように、長方形ABCDを図の位置から直線ℓにそって矢印の方向にすべらないように転がしていきます。頂点Aがはじめて直線ℓと重なるとき、頂点Aが動いたあとの線の長さは何cmになりますか。ただし、長方形ABCDの対角線の長さは13cmです。



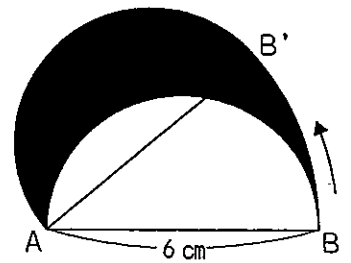
3  
30

次の問いに答えなさい。

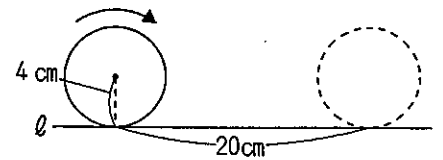
- (1) 右の図のように、半径3 cmの大円の外側に、半径1 cmの小円があります。小円が大円にそって転がり、大円のまわりを1周するとき、小円の中心が動いたあとの線の長さは何cmになりますか。



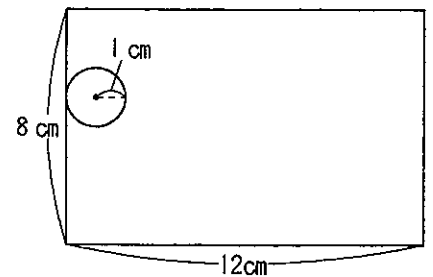
- (2) 右の図のように、直線ABを直径とする直径6 cmの半円を、点Aを中心にして矢印の方向に40度回転させました。かげの部分、半円の弧が動いたあとの図形を表しています。かげの部分の面積は何cm<sup>2</sup>ですか。



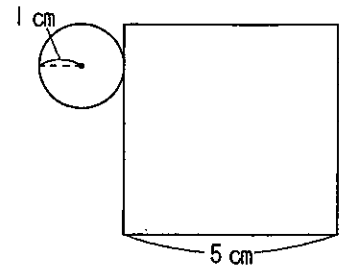
- (3) 右の図のように、半径4 cmの円を、直線ℓにそって矢印の方向に20 cm転がします。このとき、円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>になりますか。



- (4) 右の図のように、たて8 cm、横12 cmの長方形の内側に、半径1 cmの円があります。この円が長方形の内側の辺にそって転がり、長方形の内側を1周するとき、円の中心が動いたあとの線の長さは何cmになりますか。



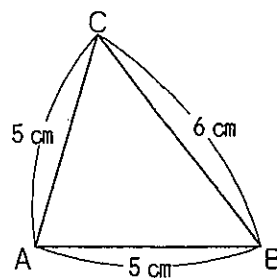
- (5) 右の図のように、半径1 cmの円が1辺5 cmの正方形の辺にそって転がり、正方形のまわりを1周します。このとき、円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>になりますか。



4 右の図のような三角形ABCがあり、三角形ABCの面積は $12\text{cm}^2$ です。これについて、次の問いに答えなさい。

(1) 三角形ABCの底辺を辺BCとすると、三角形ABCの高さは何cmですか。

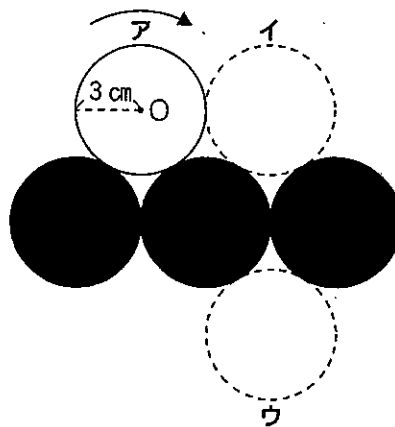
(2) 三角形ABCを、頂点Aを中心にして1回転させます。このとき、辺BCが動いたあとの図形の面積は何 $\text{cm}^2$ になりますか。



5 右の図のかげの図形は、半径3 cmの円3個をまっすぐに並べたものです。これから、半径3 cmの円Oがアの位置から矢印の方向に、かげの図形のまわりにそって転がります。これについて、次の問いに答えなさい。

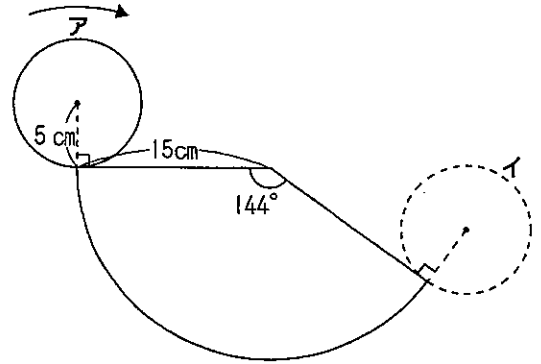
(1) 円Oがアの位置からイの位置まで転がるとき、円Oの中心が動いたあとの線の長さは何cmになりますか。

(2) 円Oがアの位置からウの位置まで転がるとき、円Oの中心が動いたあとの線の長さは何cmになりますか。



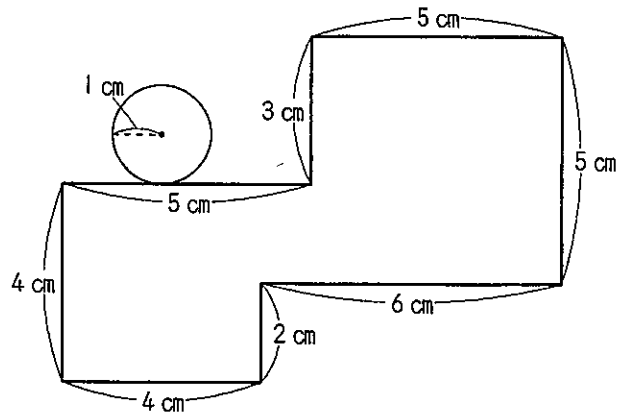
**6.** 右の図のように、半径5 cmの円が、半径が15 cmで中心角が144度のおうぎ形のまわりにそって転がります。これについて、次の問いに答えなさい。

- (1) 円がア的位置からイ位置まで矢印の方向に転がるとき、円の中心が動いたあとの線の長さは何cmになりますか。
- (2) 円がおうぎ形のまわりを転がって1周するとき、円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>になりますか。



**7.** 右の図の太線の図形は、長方形から長方形を2個取りのぞいたものです。半径1 cmの円が太線の図形の辺にそって転がり、太線の図形のまわりを1周する場合について、次の問いに答えなさい。

- (1) 円の中心が動いたあとの線の長さは何cmになりますか。
- (2) 円が動いたあとの図形の面積は何cm<sup>2</sup>になりますか。

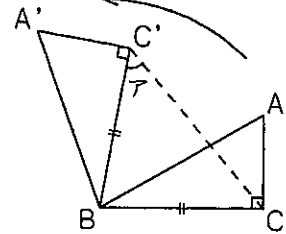


- ① (1) 39.5      (2)  $4\frac{2}{7}$       (3) 50      (4) 6  
 ② (1) 50      (2)① 9.42      ② 50.24      (3) 25.12  
 ③ (1)① 12.56      ② 62.8      (2) 88.26      (3) 16      (4) 65.94      (5) 18.84  
 ④ (1) 18.84      (2) 51.25  
 ⑤ (1) 25.12      (2) 50.24  
 ⑥ (1) 50.24      (2) 37.68  
 ⑦ (1) 22.28      (2) 44.56

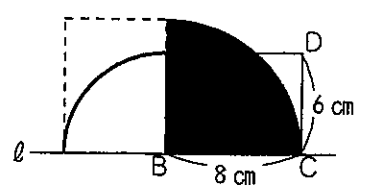
### 解説

- ② (1) BCとBC'の長さは等しいですから、(図Ⅰ)で三角形BCC'は二等辺三角形です。角C'BCの大きさは80度ですから、  
 $(180-80) \div 2 = 50$ (度) ……角ア
- (2)① 点Aが動いたあとの線は、(図Ⅱ)の太線部分です。半径6cmの四分円の弧の長さですから、  
 $6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 3 \times 3.14 = 9.42$ (cm)
- ② 辺BCが動いたあとの図形は、(図Ⅱ)のかげの部分です。半径8cmの四分円の面積ですから、  
 $8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 16 \times 3.14 = 50.24$ (cm<sup>2</sup>)
- (3) 「半径8cm、中心角60度のおうぎ形と三角形ABCを合わせた図形」から「半径4cm、中心角60度のおうぎ形と三角形A'B'Cを合わせた図形」を取りのぞいた図形(図Ⅲ)になっています。三角形ABCと三角形A'B'Cは合同で面積は等しいですから、  
 半径8cm、中心角60度のおうぎ形から半径4cm、中心角60度のおうぎ形を取りのぞいた図形になります。したがって、  
 $8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{60}{360} - 4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{60}{360} = (64-16) \times 3.14 \times \frac{1}{6} = 8 \times 3.14 = 25.12$ (cm<sup>2</sup>)
- ③ (1)①  $10 \times 2 \times 3.14 \times \frac{72}{360} = 4 \times 3.14 = 12.56$ (cm)  
 ②  $10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{72}{360} = 20 \times 3.14 = 62.8$ (cm<sup>2</sup>)
- (2) (図Ⅳ)のかげの部分です。たて(3×2=)6cm、横10cmの長方形と半径3cmの半円2つ(=半径3cmの円)の面積の合計ですから、  
 $6 \times 10 + 3 \times 3 \times 3.14 = 88.26$ (cm<sup>2</sup>)
- (3) (図Ⅴ)の太線部分です。(5-1×2=)3cmと(7-1×2=)5cmの直線が2つずつですから、  
 $(3+5) \times 2 = 16$ (cm)
- (4) (図Ⅵ)のかげの部分です。半径6cm、中心角120度のおうぎ形と、半径(6÷2=)3cmの半円2つ(=半径3cmの円)の面積の合計ですから、  
 $6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{120}{360} + 3 \times 3 \times 3.14 = 21 \times 3.14 = 65.94$ (cm<sup>2</sup>)

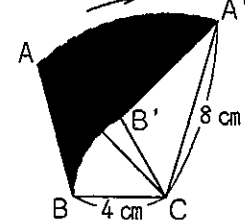
(図Ⅰ)



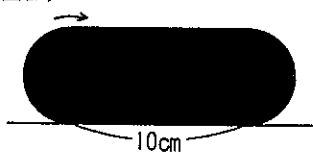
(図Ⅱ)



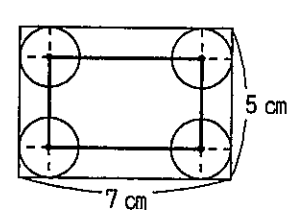
(図Ⅲ)



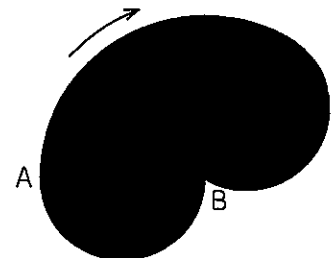
(図Ⅳ)



(図Ⅴ)



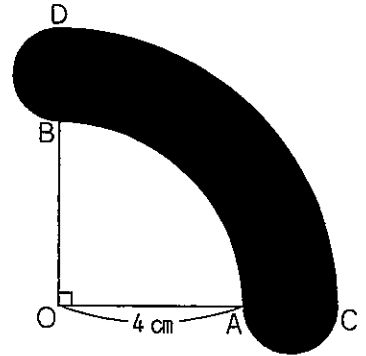
(図Ⅵ)



- (5) (図VI)のかげの部分です。半径 $(4 + 1 \times 2 =) 6 \text{ cm}$ の四分円から半径 $4 \text{ cm}$ の四分円をひいた部分の面積と、半径 $1 \text{ cm}$ の半円 $2$ つ(=半径 $1 \text{ cm}$ の円)の面積の合計ですから、

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{1}{4} - 4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 1 \times 1 \times 3.14 = 6 \times 3.14 = 18.84 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(図VI)



- ④ (1) 頂点Bが動いたあとの線は、下の図の太線部分です。半径が $4 \text{ cm}$ 、 $5 \text{ cm}$ 、 $3 \text{ cm}$ の四分円の弧を順にえがきますから、



$$4 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 5 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 6 \times 3.14 = 18.84 \text{ (cm}^2\text{)}$$

- (2) 3つの四分円と、2つの直角三角形の面積の合計です。2つの直角三角形の面積の合計は長方形ABCDの面積と等しいですから、

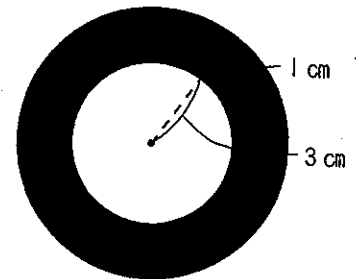
$$4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 3 \times 3 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 3 \times 4 = 12.5 \times 3.14 + 12 = 51.25 \text{ (cm}^2\text{)}$$

- ⑤ (1) 右の図の太線部分です。半径 $(3 + 1 =) 4 \text{ cm}$ の円周ですから、

$$4 \times 2 \times 3.14 = 25.12 \text{ (cm)}$$

- (2) 右の図のかげの部分です。半径 $(3 + 1 \times 2 =) 5 \text{ cm}$ の円から、半径 $3 \text{ cm}$ の円をのぞいた部分の面積ですから、

$$5 \times 5 \times 3.14 - 3 \times 3 \times 3.14 = 16 \times 3.14 = 50.24 \text{ (cm}^2\text{)}$$



**別解**

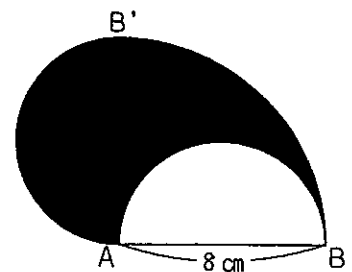
センターラインの公式より、  
 $(1 \times 2) \times 25.12 = 50.24 \text{ (cm}^2\text{)}$   
 と求めることもできます。

- ⑥ (1) ~~半径 $8 \text{ cm}$ の四分円 +  $AB'$ を直径とする半円 -  $AB$ を直径とする半円~~より、半径 $8 \text{ cm}$ の四分円の面積と等しくなります。

$$8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 16 \times 3.14 = 50.24 \text{ (cm}^2\text{)}$$

- (2) 半径 $8 \text{ cm}$ の四分円の弧 + 直径 $8 \text{ cm}$ の半円の弧 $\times 2$ で求めることができます。

$$8 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 8 \times 3.14 \times \frac{1}{2} \times 2 = 12 \times 3.14 = 37.68 \text{ (cm)}$$



- ⑦ (1) 右の図の太線部分です。  
 半径 $1 \text{ cm}$ の四分円の弧 $4$ つ(=半径 $1 \text{ cm}$ の円の円周) +  $4 \text{ cm}$ の直線 $4$ つで求めることができます。

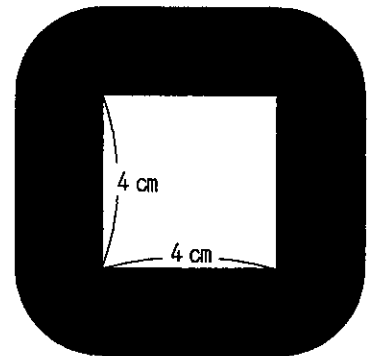
$$1 \times 2 \times 3.14 + 4 \times 4 = 22.28 \text{ (cm)}$$

- (2) 右の図のかげの部分です。  
 半径 $(1 \times 2 =) 2 \text{ cm}$ の四分円 $4$ つ(=半径 $2 \text{ cm}$ の円) + となり合う $2$ 辺が $2 \text{ cm}$ と $4 \text{ cm}$ の長方形 $4$ つで求めることができます。

$$2 \times 2 \times 3.14 + 2 \times 4 \times 4 = 44.56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

**別解**

センターラインの公式より、  
 $(1 \times 2) \times 22.28 = 44.56 \text{ (cm}^2\text{)}$   
 と求めることもできます。



- ① (1) 39.5      (2)  $4\frac{2}{7}$       (3) 50      (4) 4.5  
 ② (1) 50      (2)① 18.84      ② 51.25      (3) 25.12  
 ③ (1) 88.26      (2)① 25.12      ② 50.24      (3) 16      (4) 18.84      (5) 38.065  
 ④ (1) 15.7      (2) 42.39      ⑤ (1) 50.24      (2) 37.68  
 ⑥ (1) 22.28      (2) 44.56      ⑦ (1) 46.26      (2) 277.56

### 解説

② (1) BCとBC'の長さは等しいですから、(図I)で三角形BCC'は二等辺三角形です。角C'BCの大きさは80度ですから、  
 $(180-80) \div 2 = 50$ (度) ……角ア

(2)① 頂点Bが動いたあとの線は、(図II)の太線部分です。半径が4cm, 5cm, 3cmの四分円の弧を順にえがきますから、

$$4 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 5 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 6 \times 3.14 = 18.84 \text{ (cm)}$$

② 3つの四分円と、2つの直角三角形の面積の合計です。2つの直角三角形の面積の合計は長方形ABCDの面積と等しいですから、

$$4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 3 \times 3 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 3 \times 4 = 12.5 \times 3.14 + 12 = 51.25 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(3) 「半径8cm, 中心角60度のおうぎ形と三角形ABCを合わせた図形」から「半径4cm, 中心角60度のおうぎ形と三角形A'B'Cを合わせた図形」を取りのぞいた図形(図III)

になっています。三角形ABCと三角形A'B'Cは合同で面積は等しいですから、半径8cm, 中心角60度のおうぎ形から半径4cm, 中心角60度のおうぎ形を取りのぞいた図形になります。したがって、

$$8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{60}{360} - 4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{60}{360} = (64 - 16) \times 3.14 \times \frac{1}{6} = 8 \times 3.14 = 25.12 \text{ (cm}^2\text{)}$$

③ (1) (図IV)のかげの部分です。たて(3×2=)6cm, 横10cmの長方形と半径3cmの半円2つ(=半径3cmの円)の面積の合計ですから、

$$6 \times 10 + 3 \times 3 \times 3.14 = 88.26 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(2)① (図V)の太線部分です。半径(3+1=)4cmの円周ですから、  
 $4 \times 2 \times 3.14 = 25.12 \text{ (cm)}$

② (図V)のかげの部分です。半径(3+1×2=)5cmの円から、半径3cmの円をのぞいた部分の面積ですから、

$$5 \times 5 \times 3.14 - 3 \times 3 \times 3.14 = 16 \times 3.14 = 50.24 \text{ (cm}^2\text{)}$$

### 別解

センターラインの公式より、

$$(1 \times 2) \times 25.12 = 50.24 \text{ (cm}^2\text{)}$$

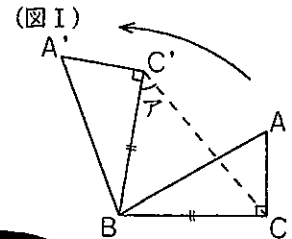
と求めることもできます。

(3) (図VI)の太線部分です。(5-1×2=)3cmと(7-1×2=)5cmの直線が2つずつですから、

$$(3 + 5) \times 2 = 16 \text{ (cm)}$$

(4) (図VII)のかげの部分です。半径(4+1×2=)6cmの四分円から半径4cmの四分円をひいた部分の面積と、半径1cmの半円2つ(=半径1cmの円)の面積の合計ですから、

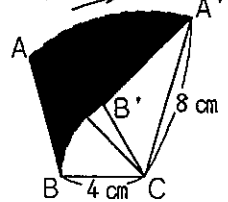
$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{1}{4} - 4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 1 \times 1 \times 3.14 = 6 \times 3.14 = 18.84 \text{ (cm}^2\text{)}$$



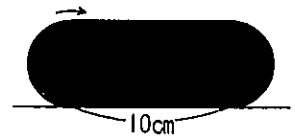
(図II)



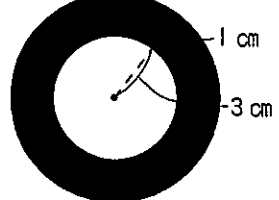
(図III)



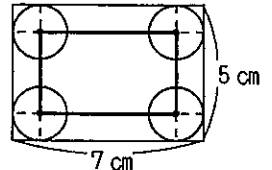
(図IV)



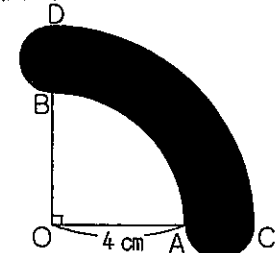
(図V)



(図VI)



(図VII)



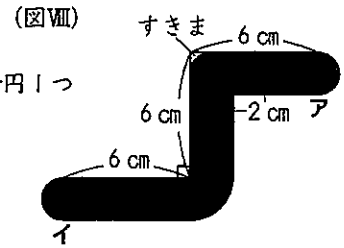
(5) (図Ⅷ)のかげの部分です。

$$(2 \times 2 - 1 \times 1 \times 3.14) \div 4 = 0.215 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{すきまの面積}$$

$$1 \times 1 \times 3.14 \times \frac{1}{2} \times 2 + 2 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 6.28 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{半円2つ+四分円1つ}$$

$$2 \times (6 \times 3 - 2) = 32 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{長方形の合計(すきまもふくむ)}$$

$$6.28 + 32 - 0.215 = 38.065 \text{ (cm}^2\text{)} \quad \dots\dots \text{求める面積}$$



④ (1) 右の図の太線部分です。半径15cm, 中心角60度のおうぎ形の弧ですから,

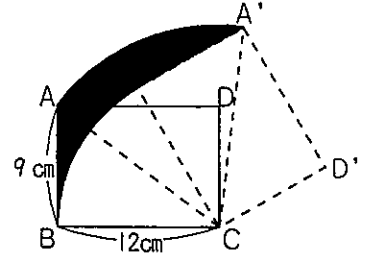
$$15 \times 2 \times 3.14 \times \frac{60}{360} = 5 \times 3.14 = 15.7 \text{ (cm)}$$

(2) おうぎ形ACA' + 直角三角形ABC  
- (おうぎ形BCB' + 直角三角形A'B'C)

で求めることができます。直角三角形ABCと直角三角形A'B'Cは合同で面積は等しいですから,

おうぎ形ACA' - おうぎ形BCB'  
の面積を求めればよいことになります。

$$15 \times 15 \times 3.14 \times \frac{60}{360} - 12 \times 12 \times 3.14 \times \frac{60}{360} = 13.5 \times 3.14 = 42.39 \text{ (cm}^2\text{)}$$



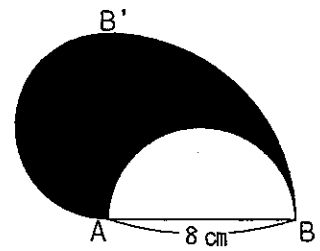
⑤ (1) 半径8cmの四分円+AB'を直径とする半円 - ABを直径とする半円より, 半径8cmの四分円の面積と等しくなります。

$$8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 16 \times 3.14 = 50.24 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(2) 半径8cmの四分円の弧+直径8cmの半円の弧×2

で求めることができます。

$$8 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 8 \times 3.14 \times \frac{1}{2} \times 2 = 12 \times 3.14 = 37.68 \text{ (cm)}$$



⑥ (1) 右の図の太線部分です。

半径1cmの四分円の弧4つ (=半径1cmの円の円周) + 4cmの直線4つ  
で求めることができます。

$$1 \times 2 \times 3.14 + 4 \times 4 = 22.28 \text{ (cm)}$$

(2) 右の図のかげの部分です。

半径(1×2=)2cmの四分円4つ (=半径2cmの円)  
+ となり合う2辺が2cmと4cmの長方形4つ  
で求めることができます。

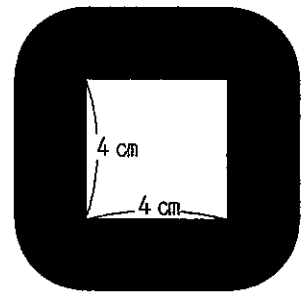
$$2 \times 2 \times 3.14 + 2 \times 4 \times 4 = 44.56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

**別解**

センターラインの公式より,

$$(1 \times 2) \times 22.28 = 44.56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

と求めることもできます。



⑦ (1) 右の図の太線部分です。半径(9+3=)12cm, 中心角60度のおうぎ形の弧と, 半径3cmの四分円の弧2つと, 半径3cm, 中心角(360-60-90×2=)120度のおうぎ形の弧1つと, 9cmの直線2つの合計です。

$$12 \times 2 \times 3.14 \times \frac{60}{360} + 3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \times 2 + 3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{120}{360} + 9 \times 2$$

$$= (4 + 3 + 2) \times 3.14 + 18$$

$$= 46.26 \text{ (cm)}$$

(2) 右の図のかげの部分です。半径(9+3×2=)15cm, 中心角60度のおうぎ形から半径9cm, 中心角60度のおうぎ形をのぞいた部分と, 半径(3×2=)6cmの四分円2つと, 半径6cm, 中心角120度のおうぎ形1つと, となり合う辺の長さが6cmと9cmの長方形2つの合計です。

$$(15 \times 15 - 9 \times 9) \times 3.14 \times \frac{60}{360} + 6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \times 2 + 6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{120}{360} + 6 \times 9 \times 2$$

$$= (24 + 18 + 12) \times 3.14 + 108$$

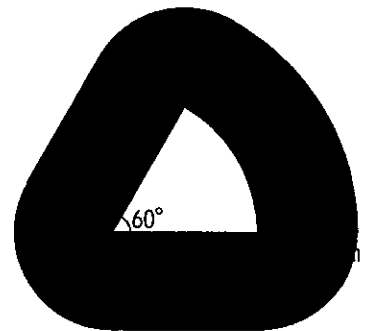
$$= 277.56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

**別解**

センターラインの公式より,

$$(3 \times 2) \times 46.26 = 277.56 \text{ (cm}^2\text{)}$$

と求めることもできます。





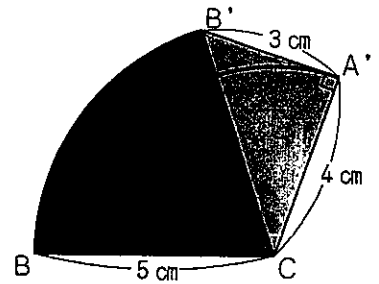
- ① (1)  $\frac{7}{18}$  (2)  $\frac{1}{15}$   
 ② (1) 11 (2) 21.7 (3) 39.25  
 ③ (1) 25.12 (2) 12.56 (3) 210.24 (4) 32 (5) 52.56  
 ④ (1) 4 (2) 28.26  
 ⑤ (1) 6.28 (2) 31.4  
 ⑥ (1) 33.14 (2) 990.8  
 ⑦ (1) 39.42 (2) 78.41

**解説**

② (1) 三角形CA'Aは二等辺三角形ですから、  
 $(180-82) \div 2 = 49$ (度) ……角CA'A  
 $60-49=11$ (度) ……角ア

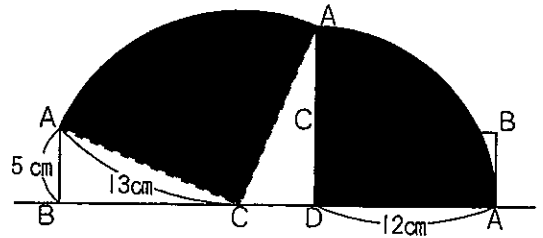
(2) 求めるのは、右の図のかげの部分(おうぎ形CB'B+三角形A'B'C)の面積ですから、

$$5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{72}{360} + 4 \times 3 \div 2 = 5 \times 3.14 + 6 = 21.7(\text{cm}^2)$$



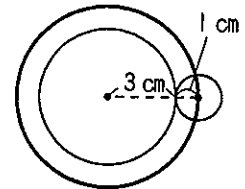
(3) Aが動いたあとは右の図の太線です。かげの部分はどちらも四分円ですから、

$$13 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 12 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 50 \times \frac{1}{4} \times 3.14 = 39.25(\text{cm}^2)$$



③ (1) 中心が動いたあとは右の図のように半径(1+3=)4 cmの円になりますから、その長さは、

$$4 \times 2 \times 3.14 = 25.12(\text{cm})$$

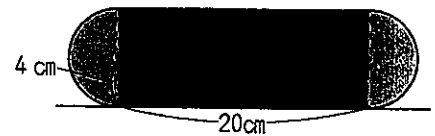


(2) 全体(おうぎ形ABB'+半円)から半円をのぞいた部分ですから、求める面積はおうぎ形ABB'の面積と等しいです。したがって、

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{40}{360} = 4 \times 3.14 = 12.56(\text{cm}^2)$$

(3) 右の図のような、半円2つと長方形を組み合わせた図形になります。半円2つを合わせると半径4 cmの円になりますから、面積は、

$$4 \times 4 \times 3.14 + (4 \times 2) \times 20 = 210.24(\text{cm}^2)$$

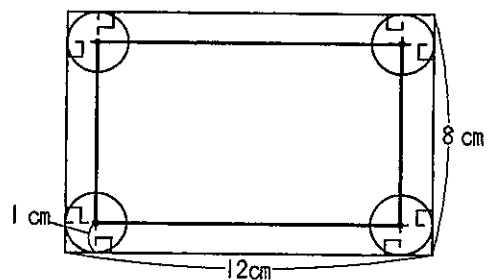


(4) 中心が動いたあとは右の図の太線(長方形)になります。

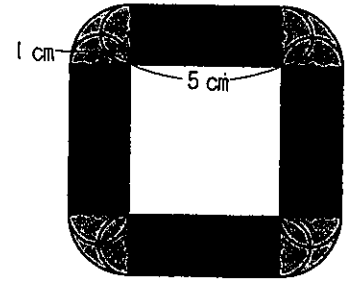
$$8 - 1 \times 2 = 6(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{太線のたて}$$

$$12 - 1 \times 2 = 10(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{太線の横}$$

$$(6 + 10) \times 2 = 32(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{求める長さ}$$

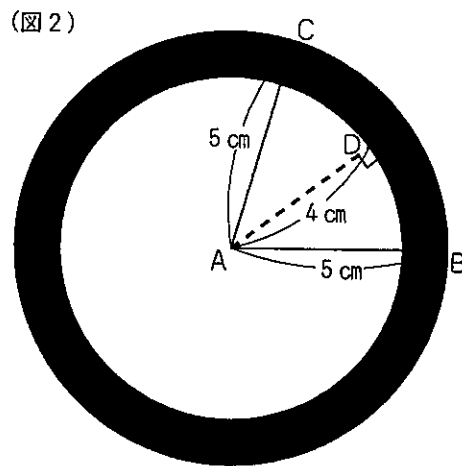
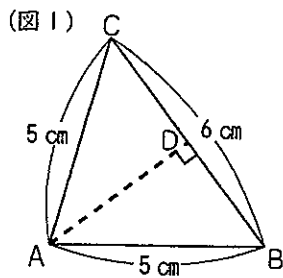


- (5) 円が動いたあとは右の図のかげの部分です。4つの四分円を合わせると半径(1×2=)2cmの円になりますから、
- $2 \times 2 \times 3.14 = 12.56$  (cm<sup>2</sup>) ……四分円の面積の和
- $2 \times 5 \times 4 = 40$  (cm<sup>2</sup>) ……長方形の面積の和
- $12.56 + 40 = 52.56$  (cm<sup>2</sup>) ……求める面積



- ④ (1) 求めるのは、(図1)のADの長さです。したがって、  
 $12 \times 2 \div 6 = 4$  (cm)

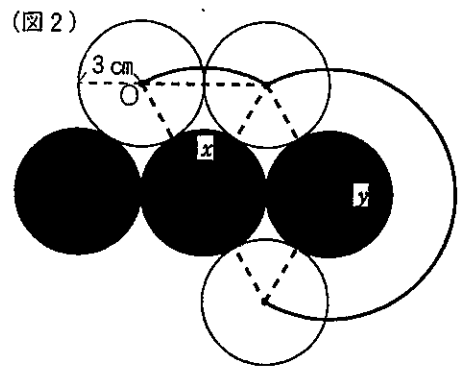
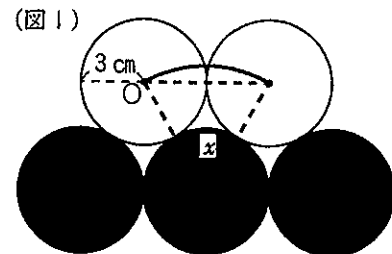
- (2) BC上で、Aから最も遠い点はB(C)、Aから最も近い点はDですから、BCが動いたあとの図形は(図2)のかげの部分です。したがって、求める面積は、  
 $5 \times 5 \times 3.14 - 4 \times 4 \times 3.14 = 9 \times 3.14 = 28.26$  (cm<sup>2</sup>)



- ⑤ (1) 円Oの中心が動いたあとは、(図1)のように半径(3×2=)6cmのおうぎ形の弧になります。並んでいる円の中心を結ぶと正三角形になりますから、角xは60度です。したがって、求める長さは、

$$6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{60}{360} = 2 \times 3.14 = 6.28$$
 (cm)

- (2) 円Oの中心が動いたあとは(図2)の太線になります。角yは(360-60×2=)240度ですから、  
 $60 + 240 = 300$  (度) ……中心角の和
- $6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{300}{360} = 10 \times 3.14 = 31.4$  (cm) ……求める長さ



⑥ (1) 中心が動いたあとは(図1)の太線です。

$$360 - (144 + 90 \times 2) = 36(\text{度}) \quad \dots\dots \text{かげの角}$$

$$15 \times 2 + 5 \times 2 \times 3.14 \times \frac{36}{360} = \underline{30 + 1} \times 3.14 = 33.14(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{求める長さ}$$

(2) 円が動いたあとは(図2)のかげの部分です。この図形では面積=道幅×センターラインの長さ(センターラインの公式)となりますから、この公式を利用します。

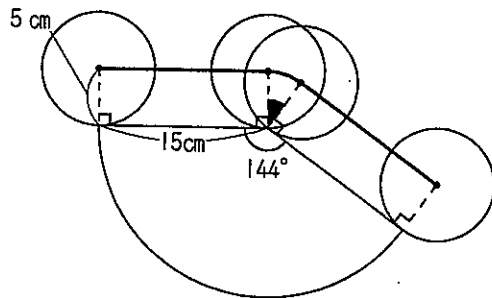
$$5 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \times 2 = 5 \times 3.14(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{Aの長さの和}$$

$$(5 + 15) \times 2 \times 3.14 \times \frac{144}{360} = 16 \times 3.14(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{Bの長さ}$$

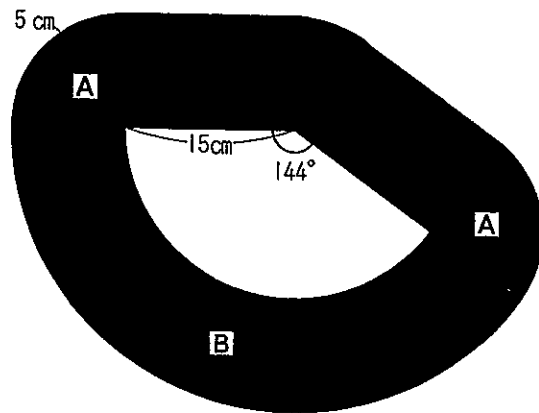
$$\underline{30 + 1} \times 3.14 + 5 \times 3.14 + 16 \times 3.14 = 30 + 22 \times 3.14 = 99.08(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{中心が動いた長さ(センターライン)}$$

$$5 \times 2 \times 99.08 = 990.8(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{求める面積}$$

(図1)



(図2)



⑦ (1) 中心が動いたあとは下の図の太線です。

$$5 + 5 + (6 - 1) + (2 - 1) + 4 + 4 + (5 - 1) + (3 - 1) = 30(\text{cm})$$

.....直線の長さの和(☆から時計回りの順)

$$1 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \times 6 = 3 \times 3.14 = 9.42(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{四分円の弧の長さの和}$$

$$30 + 9.42 = 39.42(\text{cm}) \quad \dots\dots \text{求める長さ}$$

(2) 円が動いたあとは下の図のかげの部分で、アのすき間(2か所)ができます。「[かげの部分の面積]+[アの面積の和]-[アの面積の和]」と考えて、

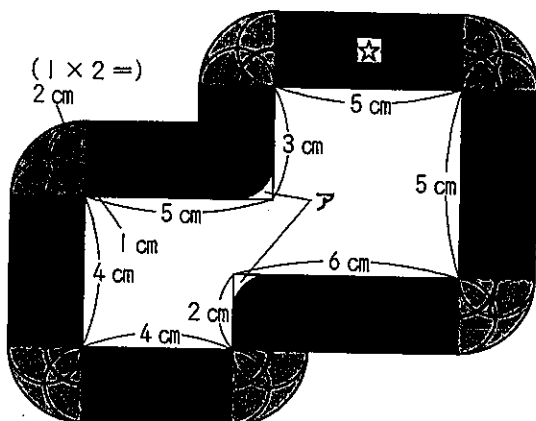
$$2 \times \{5 + 5 + 6 + 4 + 4 + 5 + (3 - 2)\} = 60(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{長方形の面積の和(☆から時計回りの順)}$$

$$2 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \times 6 = 6 \times 3.14 = 18.84(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{四分円の面積の和}$$

$$60 + 18.84 = 78.84(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{[かげの部分の面積]+[アの面積の和]}$$

$$\left(1 \times 1 - 1 \times 1 \times 3.14 \times \frac{1}{4}\right) \times 2 = 0.43(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{アの面積の和}$$

$$78.84 - 0.43 = 78.41(\text{cm}^2) \quad \dots\dots \text{求める面積}$$



※ センターラインの公式を使うと、

$$2 \times 39.42 = 78.84(\text{cm}^2)$$

で、[かげの部分の面積]+[アの面積の和]になります。